

Додаток до робочої програми навчальної дисципліни
«Чисельні методи»

Дію робочої програми продовжено: на 2021/2022 н. р.

Заступник декана факультету комп'ютерних наук з навчальної роботи



Євгенія КОЛОВАНОВА

«25» червня 2021 р.

Голова науково-методичної комісії факультету комп'ютерних наук



Анатолій БЕРДНІКОВ

«25» червня 2021 р.

Міністерство освіти і науки України

Харківський національний університет імені В. Н. Каразіна

Кафедра теоретичної та прикладної системотехніки

“ЗАТВЕРДЖУЮ”

Проректор
з науково-педагогічної роботи
Антон ПАНТЕЛЕЙМОНОВ
_____ 2020 р.



Робоча програма навчальної дисципліни

Чисельні методи

рівень вищої освіти перший (бакалаврський)

галузь знань 12 «Інформаційні технології»

спеціальність 122 «Комп'ютерні науки»

освітня програма «Комп'ютерні науки»

вид дисципліни за вибором

факультет комп'ютерних наук

2020 / 2021 навчальний рік

Програму обговорено та рекомендовано до затвердження вченою радою факультету комп'ютерних наук

“ 31 ” серпня 2020 року, протокол № 12

РОЗРОБНИК ПРОГРАМИ:

доктор технічних наук, професор, професор кафедри теоретичної та прикладної системотехніки **Угрюмов Михайло Леонідович,**

кандидат технічних наук, доцент кафедри теоретичної та прикладної системотехніки **Стрілець Вікторія Євгенівна.**

Програму схвалено на засіданні кафедри теоретичної та прикладної системотехніки

Протокол від “ 31 ” серпня 2020 року № 1

Завідувач кафедри теоретичної та прикладної системотехніки


Сергій ШМАТКОВ

Програму погоджено з гарантом освітньої програми 122 «Комп'ютерні науки»

Гарант освітньої програми 122 «Комп'ютерні науки»


Микола СТВРВОЄДОВ

Програму погоджено методичною комісією факультету комп'ютерних наук

Протокол від “ 31 ” серпня 2020 року № 1

Голова методичної комісії факультету комп'ютерних наук


Анатолій БСРДНІКОВ

ВСТУП

Програма навчальної дисципліни «Чисельні методи» розроблена відповідно до освітньо-професійної програми підготовки першого (бакалаврського) рівня спеціальностей 122 «Комп'ютерні науки».

1. Опис навчальної дисципліни

1.1. Метою викладання навчальної дисципліни є: засвоєння студентами основ обчислювальної математики, вироблення навичок по адаптації стандартних алгоритмів до нових – чисельних рішень складних прикладних задач, а також надбання навичок із програмної реалізації алгоритмів розв'язання задач чисельного обчислення мовами програмування.

1.2. Основними завданнями вивчення навчальної дисципліни є: вивчення методів й алгоритмів чисельного рішення: алгебраїчних і трансцендентних рівнянь, систем лінійних алгебраїчних рівнянь, задач апроксимації, чисельного диференціювання й інтегрування, звичайних диференціальних рівнянь і їхніх систем, що не інтегруються в елементарних функціях; та їх програмна реалізація мовами програмування.

В ході вивчення дисципліни у студента повинні формуватися наступні компетентності:

Інтегральна компетентність:

Здатність розв'язувати складні задачі та вирішувати практичні завдання під час професійної діяльності в комп'ютерній галузі, що передбачає застосування теорій та методів інформаційних технологій і характеризуються комплексністю та невизначеністю умов вимог.

Загальні компетентності (ЗК):

- ЗК01. Здатність до абстрактного мислення, аналізу та синтезу.
- ЗК02. Здатність застосовувати знання у практичних ситуаціях.
- ЗК12. Здатність оцінювати та забезпечувати якість виконуваних робіт.

Спеціальні (фахові, предметні) компетентності (СК):

- СК02. Здатність до виявлення статистичних закономірностей недетермінованих явищ, застосування методів обчислювального інтелекту, зокрема статистичної, нейромережевої та нечіткої обробки даних, методів машинного навчання та генетичного програмування тощо.
- СК04. Здатність використовувати сучасні методи математичного моделювання об'єктів, процесів і явищ, розробляти моделі й алгоритми чисельного розв'язування задач математичного моделювання, враховувати похибки наближеного чисельного розв'язування професійних задач.
- СК06. Здатність до системного мислення, застосування методології системного аналізу для дослідження складних проблем різної природи, методів формалізації та розв'язування системних задач, що мають суперечливі цілі, невизначеності та ризики.

1.3. Кількість кредитів – 4

1.4. Загальна кількість годин – 120

1.5. Характеристика навчальної дисципліни	
За вибором	
Денна форма навчання	Заочна (дистанційна) форма навчання
Рік підготовки	
3-й	-й
Семестри	
6-й	-й
Лекції	
32 год.	год.
Практичні, семінарські заняття	
0 год.	год.
Лабораторні заняття	
32 год.	год.
Самостійна робота	
56 год.	год.
Індивідуальні завдання	
0 год.	

1.6. Відповідно до вимог освітньо-кваліфікаційного рівня підготовки за результатами вивчення дисципліни студенти повинні

знати:

- особливості побудови математичних моделей;
- чисельні методи рішення алгебраїчних і трансцендентних рівнянь;
- чисельні методи лінійної алгебри;
- методи обробки даних (методи інтерполяції, апроксимації даних, чисельного диференціювання й інтегрування);
- чисельні методи рішення звичайних диференціальних рівнянь;
- застосування алгоритмів обчислювальної математики для розв'язання інженерних задач;

вміти:

- вирішувати алгебраїчні і трансцендентні рівняння;
- вирішувати системи лінійних алгебраїчних рівнянь;
- вирішувати задачі інтерполяції й апроксимації;
- чисельно диференціювати й інтегрувати;
- чисельно вирішувати звичайні диференціальні рівняння і системи звичайних диференціальних рівнянь;
- вирішувати задачі чисельного характеру з застосуванням мов програмування;

придбати навички:

- складання узагальненого алгоритму рішення поставленої задачі шляхом декомпозиції її на найпростіші на основі спадної і/або висхідної концепцій;
- створення найпростіших програм в інтегрованому середовищі алгоритмічних мов високого рівня (редагування, компіляція, виконання);
- складання алгоритмів рішення алгебраїчних і трансцендентних рівнянь, систем лінійних алгебраїчних рівнянь; задач інтерполяції і апроксимації, чисельного диференціювання і інтегрування; алгоритмів рішення звичайних диференціальних рівнянь і систем звичайних диференціальних рівнянь; алгоритмів знаходження екстремумів функцій;
- вирішувати задачі чисельного характеру з застосуванням мов програмування;
- робити аналіз результату математичних розрахунків;

мати уявлення:

- про роль сучасних методів прикладної математики, математичного моделювання; перспективах розвитку обчислювальної математики;
- про сучасне програмне забезпечення ПЕОМ;
- про основні проблеми розробки програмного забезпечення.

В результаті вивчення дисципліни у студента повинні формуватися наступні програмні результати навчання (ПРН):

- ПРН01. Застосовувати знання основних форм і законів абстрактно-логічного мислення, основ методології наукового пізнання, форм і методів вилучення, аналізу, обробки та синтезу інформації в предметній області комп'ютерних наук.
- ПРН02. Використовувати сучасний математичний апарат неперервного та дискретного аналізу, лінійної алгебри, аналітичної геометрії, в професійній діяльності для розв'язання задач теоретичного та прикладного характеру в процесі проектування та реалізації об'єктів інформатизації.
- ПРН05. Проектувати, розробляти та аналізувати алгоритми розв'язання обчислювальних та логічних задач, оцінювати ефективність та складність алгоритмів на основі застосування формальних моделей алгоритмів та обчислюваних функцій.
- ПРН09. Розробляти програмні моделі предметних середовищ, вибирати парадигму програмування з позицій зручності та якості застосування для реалізації методів та алгоритмів розв'язання задач в галузі комп'ютерних наук.

2. Тематичний план навчальної дисципліни

Розділ 1. Чисельні методи розв'язання алгебраїчних рівнянь та систем алгебраїчних рівнянь

Тема 1. Вступ до навчальної дисципліни „Чисельні методи”.

Предмет вивчення і задачі дисципліни „Чисельні методи”. Основні історичні етапи розвитку обчислювальної математики.

Тема 2. Математичне моделювання. Основи теорії похибок.

Особливості побудови математичних моделей. Способи опису: детермінантні моделі, стохастичні моделі. Кількість реалізацій і точність обчислень. Похибки обчислень, алгоритмів, математичних моделей. Абсолютна і відносна похибки. Поширення похибок.

Тема 3. Чисельні методи розв'язання алгебраїчних і трансцендентних рівнянь.

Методи відділення коренів. Методи дихотомії, ітерацій, хорд, дотичних. Комбінований метод. Збіжність методів. Визначення похибки обчислень. Наближене рішення рівнянь методом ітерацій (послідовних наближень). Теорема про збіжність методу.

Тема 4. Чисельні методи лінійної алгебри.

Рішення системи лінійних алгебраїчних рівнянь (СЛАР) методом Гауса. Схема єдиного розподілу. Прямий і зворотний хід. Обчислення визначника матриці методом Гауса. Знаходження зворотної матриці.

Чисельні методи рішення СЛАР із стрічковою матрицею. Метод прогону.

Чисельні методи рішення СЛАР із симетричною матрицею. Метод LU-розкладання.

Ітераційні методи рішення СЛАР. Визначення і види норм матриці. Зведення системи до виду, зручному для ітерацій. Метод простої ітерації (Якобі). Теорема про збіжність методу. Метод Гауса-Зейделя. Теорема про збіжність. Порівняння методів.

Розділ 2. Наближення функцій

Тема 5. Задача інтерполяції функцій.

Постановка задачі інтерполяції та екстраполяції. Побудова інтерполяційного поліному Лагранжа. Приклади використання. Похибка інтерполяційної формули Лагранжа. Кінцеві різниці та їх властивості. Вивід першої та другої інтерполяційної формули Ньютона. Залишкові члени інтерполяційних формул. Центральні різниці. Перша та друга інтерполяційні формули Гауса.

Наближене диференціювання функцій, заданих як таблиця. Оцінка похибки. Зворотна інтерполяційна задача.

Загальний вигляд кубічного сплайну. Побудова кубічного сплайну. Види сплайнів. Вирішення задачі знаходження коефіцієнтів кубічного сплайну за допомогою метода прогону.

Тема 6. Задача апроксимації функцій.

Постановка задачі апроксимації. Метод найменших квадратів. Загальний випадок. Степений базис. Випадок лінійних функцій. Апроксимація табличних даних за допомогою прямої та параболі. Апроксимація і чисельне диференціювання за методом найменших квадратів.

Розділ 3. Чисельне інтегрування та диференціювання

Тема 7. Наближене обчислення інтегралів.

Постановка задачі обчислення інтегралу. Найпростіші квадратурні формули – формули лівих та правих прямокутників. Геометрична інтерпретація. Погрішність формул. Формула середніх прямокутників. Геометрична інтерпретація. Похибка формули середніх прямокутників.

Загальна ідея квадратурних формул. Вивід загального виду квадратурної формули - формула Ньютона-Котеса. Формули прямокутників. Формула трапецій. Формула Симпсона (формула парабол). Геометричний зміст. Залишковий член формули Симпсона. Похибки квадратурних формул.

Тема 8. Методи розв'язання звичайних диференціальних рівнянь (ЗДР), систем звичайних диференціальних рівнянь першого порядку.

Постановка задачі Коши. Рішення ЗДР першого порядку за допомогою рядів Тейлора. Однокрокові методи. Метод Ейлера. Уточнений метод Ейлера. Метод Рунге-Кутта. Методика з'ясування порядку похибки наближеного методу рішення задачі Коши. Геометрична інтерпретація однокрокових методів.

Багатокрокові методи рішення звичайних диференціальних рівнянь. Метод Мілна. Загальна похибка методу Мілна. Метод Адамса. Загальна похибка методу Адамса. Застосування методу Мілна й Адамса.

Рішення систем звичайних диференціальних рівнянь першого порядку. Метод Ейлера. Рішення змішаної крайової задачі для звичайних диференціальних рівнянь вищих порядків. Заміна похідних функцій за допомогою кінцевих різностей. Метод прогонки. Оцінка похибки. Стійкість та збіжність різницевого схем.

3. Структура навчальної дисципліни

Назви розділів і тем	Кількість годин					
	Денна форма					
	Всього	у тому числі:				
л		п	лаб.	інд.	с.р.	
1	2	3	4	5	6	7
Розділ 1. Чисельні методи розв'язання алгебраїчних рівнянь та систем алгебраїчних рівнянь						
Тема 1. Вступ до навчальної дисципліни "Чисельні методи"	9	2		1		6
Тема 2. Математичне моделювання. Основи теорії похибок.	9	2		1		6
Тема 3. Чисельні методи розв'язання алгебраїчних и трансцендентних рівнянь.	20	6		8		6
Тема 4. Чисельні методи лінійної алгебри	14	4		4		6
Усього за розділом 1	52	14		14		24
Розділ 2. Наближення функцій						
Тема 5. Задача інтерполяції функцій.	16	4		6		6
Тема 6. Задача апроксимації функцій.	18	6		6		6
Контрольна робота за розділами 1,2	8					8
Усього за розділом 2	42	10		12		20
Розділ 3. Чисельне інтегрування та диференціювання						
Тема 7. Наближене обчислення інтегралів.	12	4		2		6
Тема 8. Методи розв'язання звичайних диференціальних рівнянь, систем звичайних диференціальних рівнянь першого порядку.	14	4		4		6
Усього за розділом 3	26	8		6		12
Усього годин	120	32		32		56

4. Теми лабораторних занять

№ п/п	Назва теми	Кількість годин
1	Чисельні методи розв'язання алгебраїчних і трансцендентних рівнянь	6
2	Методи простої ітерації, комбінований метод розв'язання алгебраїчних і трансцендентних рівнянь	4
3	Чисельні методи розв'язання систем лінійних алгебраїчних рівнянь. Метод Гауса	2
4	Метод простої ітерації розв'язання систем лінійних алгебраїчних рівнянь.	2
5	Інтерполяційні формули Ньютона, Гауса, Лагранжа	6
6	Апроксимація за методом найменших квадратів	6
7	Чисельне інтегрування. Формули трапецій і Симпсона	2
8	Чисельні методи розв'язання звичайних диференціальних рівнянь. Метод Рунге – Кутта.	4
	Разом	32

5. Самостійна робота

№ п/п	Назва теми	Кількість годин
1	Комбінований метод. Визначення похибки обчислень.	5
2	Чисельні методи розв'язання систем лінійних алгебраїчних рівнянь із стрічковою матрицею. Метод прогону.	6
3	Ітераційні методи рішення систем нелінійних алгебраїчних рівнянь.	6
4	Загальний вигляд кубічного сплайну. Побудова кубічного сплайну. Види сплайнів.	6
5	Апроксимація даних за допомогою штучних однонаправлених та радіальних нейронних мереж, які навчаються.	6
6	Найпростіші квадратурні формули. Похибки квадратурних формул	6
7	Чисельні методи розв'язання звичайних диференціальних рівнянь. Методи кінцевих різниць. Уточнений метод Ейлера. Оцінка похибок.	7
8	Багатокрокові методи рішення звичайних диференціальних рівнянь. Метод Мілна. Метод Адамса.	6
9	Підготовка до підсумкової контрольної роботи	8
	Разом	56

6. Індивідуальні завдання

Індивідуальне завдання пов'язане із застосуванням чисельних методів для розв'язання математичних задач.

Індивідуальне завдання виконується у вигляді 1 контрольної роботи.

7. Методи навчання

Як правило лекційні та практичні заняття проводяться аудиторно. В умовах дії карантину заняття проводяться відповідно до Наказу ректора Харківського національного університету імені В.Н. Каразіна (аудиторно або дистанційно за допомогою платформ GoogleMeet або Zoom).

8. Методи контролю

Контроль роботи студентів при вивченні дисципліни і засвоєння ними навчального матеріалу здійснюється на лабораторних заняттях шляхом проведення поточних та контрольних опитувань і захисту звітів із лабораторних робіт. Підсумковий контроль здійснюється при виконанні 1 контрольної роботи і на заліку.

Студенти, що не захистили впродовж семестру контрольну роботу, а також не представили і не захистили звіти з лабораторних робіт, до заліку не допускаються.

Заліковий квиток містить два теоретичних і одне практичне питання. Максимальна кількість балів за відповіді на кожне теоретичне питання складає по 12 балів, на практичне питання - 16 балів. Проведення поточного контролю, письмового модульного контролю, фінальний контроль у вигляді заліку та іспиту.

При дистанційному навчанні видача практичних завдань та контроль їх виконання здійснюється за допомогою сервісу дистанційного навчання Google Classroom. Лекційні заняття проводяться із використанням сервісу відео-конференцій Google Meet. Підсумковий контроль у вигляді екзамену (заліку) проводиться шляхом відповіді на екзаменаційний білет та он-лайн опитування (сервіси відео-конференцій Google Meet, Google Classroom).

9. Схема нарахування балів

Поточний контроль, самостійна робота, індивідуальні завдання						Контрольні роботи, передбачена навчальним планом	Індивідуальне завдання	Разом	Екзаменаційна, залікова робота	Сума
Розділ 1		Розділ 2		Розділ 3						
T1, T2, T3	T4	T5	T6	T7	T8	КР1				
12	13	7	6	6	6	10		60	40	100

T1, T2 ... – теми розділів.

За темами T1, T2, T3 студент отримує 12 балів за виконання лабораторних робіт 1, 2.

За темою T4 студент отримує 13 балів за виконання лабораторних робіт 3, 4.

За темою T5 студент отримує 7 балів за виконання лабораторної роботи 5.

За темою T6 студент отримує 6 балів за виконання лабораторної роботи 6.

За темою T7 студент отримує 6 балів за виконання лабораторної роботи 7.

За темою T8 студент отримує 6 балів за виконання лабораторної роботи 8.

КР1 – контрольна робота.

Критерії оцінювання знань студентів за лабораторні роботи

Вимоги	Кількість балів
<ul style="list-style-type: none"> ▪ Завдання відзначається повнотою виконання без допомоги викладача. ▪ Визначає рівень поінформованості, потрібний для прийняття рішень. Вибирає інформаційні джерела,. ▪ Робить висновки і приймає рішення у ситуації невизначеності. Володіє уміннями творчо-пошукової діяльності. 	5
<ul style="list-style-type: none"> ▪ Завдання – повні, з деякими огріхами, виконані без допомоги викладача. ▪ Планує інформаційний пошук; володіє способами систематизації інформації; ▪ Робить висновки і приймає рішення у ситуації невизначеності. Володіє уміннями творчо-пошукової діяльності. 	4
<ul style="list-style-type: none"> ▪ Завдання відзначається неповнотою виконання без допомоги викладача. ▪ Студент може зіставити, узагальнити, систематизувати інформацію під керівництвом викладача; вільно застосовує вивчений матеріал у стандартних ситуаціях. 	3
<ul style="list-style-type: none"> ▪ Завдання відзначається неповнотою виконання за консультацією викладача. ▪ Застосовує запропонований викладачем спосіб отримання інформації, має фрагментарні навички в роботі з підручником, науковими джерелами; ▪ Вибирає відомі способи дій для виконання фахових методичних завдань. 	2
Завдання відзначається фрагментарністю виконання за консультацією викладача або під його керівництвом.	1

Критерії оцінювання знань студентів за контрольні роботи

Вимоги	Кількість балів
Повнота виконання завдання повна, студент здатен формулювати закони та закономірності, структурувати судження, умовиводи, доводи, описи.	8-10
Повнота виконання завдання повна, студент здатен формулювати операції, правила, алгоритми, правила визначення понять.	5-7
Повнота виконання завдання елементарна, студент здатен вибирати відомі способи дій для виконання фахових завдань.	3-5
Повнота виконання завдання фрагментарна.	1-2

Критерії оцінювання залікових робіт студентів

Вимоги	Кількість балів
Показані всебічні систематичні знання та розуміння навчального матеріалу; безпомилково виконані завдання.	35-40
Показані повні знання навчального матеріалу; помилки, якщо вони є, не носять принципового характеру.	30-35
Показано повне знання необхідного навчального матеріалу, але допущені помилки.	20-30
Показано повне знання необхідного навчального матеріалу, але допущені суттєві помилки	10-20
Показано недосконале знання навчального матеріалу, допущені суттєві помилки.	5-10
Показано недосконале знання навчального матеріалу, допущені суттєві помилки, які носять принциповий характер; обсяг знань не дозволяє засвоїти предмет.	1-5

Шкала оцінювання

Сума балів за всі види навчальної діяльності протягом семестру	Оцінка	
	для чотирирівневої шкали оцінювання	для дворівневої шкали оцінювання
90 – 100	відмінно	зараховано
70-89	добре	
50-69	задовільно	
1-49	незадовільно	не зараховано

10. Рекомендована література

Основна література

1. Пасічник В.В., Висоцька В.А., Андруник В.А. Чисельні методи в комп'ютерних науках: Навч. посібник. – Львів: Новий світ. – 2019. – 470 с.
2. Волонтир Л.О., Зелінська О.В., Потапова Н.А. Чисельні методи: Навч. посібник. – Вінниця: ВНАУ, 2019. – 322 с.
3. Руденко В.Д., Жугастров О.О. Основи алгоритмізації і програмування мовою Python. – Х.: Видавництво «Ранок». – 2019. – 192 с.
4. Ярошенко О.І., Григорків М.В. Числові методи: Навч. посібник. – Чернівці: Чернівецький нац. ун-т, 2018. – 172 с.
5. Дичка І.А., Онаї М.В., Гадиняк Р.А. Чисельні методи. Розв'язання задач лінійної алгебри та нелінійних рівнянь. Лабораторний практикум: Навч. посібник. – К.: КПІ ім. Ігоря Сікорського, 2018. – 95 с.

6. Langtangen H.P., Mardal K.-A. Introduction to Numerical Methods for Variational Problems. – Springer Nature Switzerland A&G, 2018. – 395 p.
7. Gupta R.K. Numerical Methods: Fundamentals and Application. – Cambridge University Press, 2018. – 373 p.
8. Chandra S., Sharma M.K. Numerical Methods and Data Analysis. – IK International Publishing House Pvt. LTD, 2018. – 418 p.
9. Ghaboussi J., Wu X.V. Numerical Methods in Computational Mechanics. – Taylor & Francis, 2017. – 313 p.
10. Grune L., Ferretti R., Mceneaney M.W. Numerical Methods for Optimal Control Problems. – Springer Nature Switzerland A&G, 2017. – 268 p.
11. Herbert B., Keller D. Numerical Methods for Two-Point Boundary-Value Problems. – Dover Publications Inc., 2017. – 416 p.
12. Friedland S., Overton O. The Formulation and Analysis of Numerical Methods for Inverse Eigenvalue Problems. – Franklin Classics, 2017. – 158 p.
13. Surana K.S. Numerical Methods and Methods of Approximation in Science and Engineering. – Taylor & Francis, 2017. – 478 p.
14. Khoury R., Douglas H. Numerical Methods and Modelling for Engineering. – Springer Nature Switzerland A&G, 2017. – 332 p.

Допоміжна література

1. Xu J. Numerical Programming and Math Functions for Real-World .NET Applications with C#. – Independently published, 2019. – 470 p.
2. Kharab A, Guenther R. An Introduction to Numerical Methods: A MATLAB Approach. – Taylor & Francis, 2018. – 615 p.
3. Monahan J. Numerical Methods of Statistics. – Cambridge University Press, 2017. – 464 p.
4. Segura J., Gil A., Temme N.M. Numerical Methods for Special Functions. – Society for Industrial AND Applied Mathematics, 2017. – 431 p.